

MATE 3013 - FINAL

Jose Rodriguez Ahumada

Started: November 8, 2011 10:09 AM

Questions: 25

Finish**Save All****Help****Instructions**

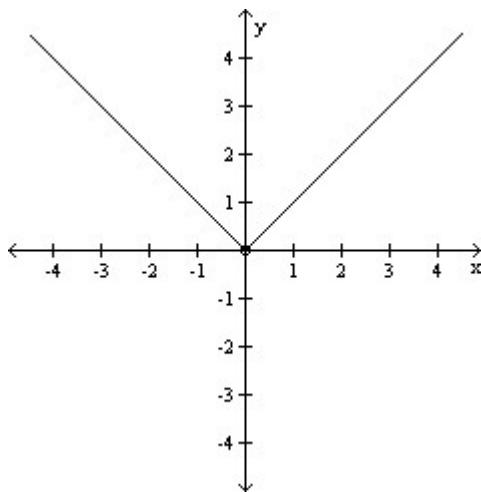
Este examen está compuesto de 25 problemas de selección múltiple y llenar el espacio en blanco. Cubre todos los temas tratados en el curso para un valor total de 50 puntos.

1. (Points: 2)Calcule el $\log_6(4.1)$.

Nota: Redondée su respuesta a la milésima más cercana (3 lugares a la derecha del punto decimal).

Answer**Save Answer****2.** (Points: 2)**Usa la gráfica para calcular el límite.**

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$$



- a. 0
- b. -1
- c. No existe

- d. 1

3. (Points: 2)

Encuentre el límite, si existe.

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x}{3x+2}$$

- a. 1
 b. 0
 c. No existe
 d. -1/5

4. (Points: 2)

Encuentre el límite, si existe.

$$\lim_{x \rightarrow 0} (\sqrt[3]{x} - 2)$$

- a. 2
 b. 0
 c. No existe
 d. -2

5. (Points: 2)

Encuentre la derivada.

$$y = \frac{1}{5x^2} + \frac{1}{5x}$$

a. $-\frac{2}{5x} - \frac{1}{5x^2}$

b. $-\frac{2}{5x^3} - \frac{1}{5x^2}$

c. $-\frac{1}{5x^3} + \frac{1}{5x^2}$

d. $\frac{2}{5x^3} + \frac{1}{5x^2}$

6.(Points: 2)

Calcule la derivada de la función. Entonces, encuentre la derivada en el valor indicado.

$$g(x) = x^3 + 5x; g'(1)$$

a. $g'(x) = 3x^2 + 5; g'(1) = 8$

b. $g'(x) = 3x^2 + 5x; g'(1) = 8$

c. $g'(x) = 3x^2; g'(1) = 3$

d. $g'(x) = x^2 + 5; g'(1) = 6$

7.(Points: 2)

Encuentre la ecuación de la tangente en el punto de la gráfica de la función.

$$y = f(x) = x^2 + 3, (x, y) = (3, 12)$$

a. $y = 6x - 12$

b. $y = 6x - 15$

c. $y = 6x - 6$

d. $y = 3x - 6$

8. (Points: 2)

Encuentre D_{xy} .

$$y = 8x(6x^4 - 5x)$$

- a. $192x^4 - 80x$
- b. $240x^4 - 80x$
- c. $240x^4 - 40x$
- d. $192x^4 - 40x$

9.(Points: 2)

Encuentre D_{xy} .

$$y = \frac{5x - 8}{x^2 - 6x + 4}$$

- a. $\frac{5x^2 + 16x - 28}{x^2 - 6x + 4}$
- b. $\frac{15x^2 - 76x + 68}{(x^2 - 6x + 4)^2}$
- c. $\frac{-5x^2 + 16x + -28}{(x^2 - 6x + 4)^2}$
- d. $\frac{5x^3 - 40x^2 + 66x - 48}{(x^2 - 6x + 4)^2}$

10.(Points: 2)

Find D_{xy} .

$$y = (4x^2 + 5)^5$$

- a. $(40x + 5)(4x^2 + 5)^4$
- b. $40x(4x^2 + 5)^4$
- c. $40(4x^2 + 5)^4$
- d. $5(4x^2 + 5)^4$

11. (Points: 2)

Find $D_x y$.

$$y = x^4 e^x$$

- a. $x^3(4 + xe^x)$
- b. $x^3e^x(4 + x)$
- c. $4x^3e^x$
- d. $x^3e^x(1 + x)$

12. (Points: 2)

Encuentre la derivada de y con respecto a x .

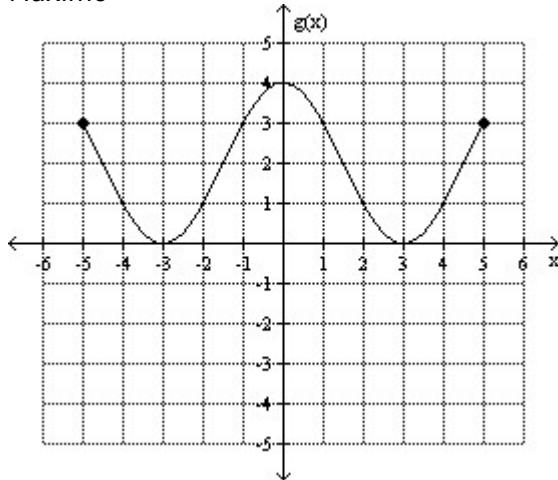
$$y = x^7 \ln x - \frac{1}{3}x^3$$

- a. $x^7 \ln x - x^2 + 7x^6$
- b. $8x^6 - x^2$
- c. $x^6 - x^2 + 7x^6 \ln x$
- d. $7x^6 - x^2$

13. (Points: 2)

Halle el valor de x en donde la función asume el valor extremo indicado.

Máximo



- a. $x = 5$
- b. $x = 3$
- c. No tiene
- d. $x = 0$

14.(Points: 2)

Identifique el o los números críticos y los valores máximos y mínimos en el intervalo I.

$$g(t) = t^{2/3}; I = [-1, 8]$$

- a. Critical numbers: -1, 8; maximum value 4; minimum value 3
- b. Critical numbers: -1, 0, 8; maximum value 1; minimum value 0

- c. Critical number: 0; no maximum value; minimum value 0
- d. Critical number: 0; maximum value 4; minimum value 0

15.(Points: 2)

Encuentre, si es posible, los valores máximos y mínimo de la función en el intervalo indicado.

$$g(x) = -x^2 + 13x - 42 \text{ on } [6, 7]$$

- a. Maximum value $g\left(\frac{15}{2}\right) = \frac{1}{4}$; minimum value $g(7) = g(6) = 0$
- b. Maximum value $g\left(\frac{15}{2}\right) = \frac{5}{4}$; minimum value $g(7) = g(6) = 0$
- c. Maximum value $g\left(\frac{13}{2}\right) = \frac{1}{4}$; minimum value $g(7) = g(6) = 0$
- d. Maximum value $g\left(\frac{13}{2}\right) = \frac{337}{4}$; minimum value $g(7) = g(6) = 0$

16.(Points: 2)

Encuentre el extremo absoluto de la función en el intervalo.

$$F(x) = -\frac{1}{x^2}, 0.5 \leq x \leq 5$$

- a. Máximo $= \left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{25}\right)$; mínimo $= (-5, -4)$
- b. Máximo $= \left(5, -\frac{1}{25}\right)$; mínimo $= \left(-\frac{1}{2}, -4\right)$
- c. Maximo $= \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{25}\right)$; mínimo $= (5, -4)$

- d. Máximo = $\left(5, -\frac{1}{25}\right)$; mínimo = $\left(\frac{1}{2}, -4\right)$

17.(Points: 2)

Determine donde la función crece y donde decrece.

$$f(x) = \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x$$

- a. Increasing on $[-1, 1]$, decreasing on $(-\infty, -1] \cup [1, \infty)$
- b. Increasing on $[1, \infty)$, decreasing on $(-\infty, 1]$
- c. Increasing on $(-\infty, \infty)$
- d. Increasing on $(-\infty, -1]$, decreasing on $[-1, \infty)$

18.(Points: 2)

Determine dónde la función es concava hacia arriba y donde es concava hacia abajo. Además, encuentre todos sus puntos de inflexión.

$$G(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 14$$

- a. Concave up on $(0, 2)$, concave down on $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$; inflection points $(0, 14)$ and $(2, 10)$
- b. Concave up for $(2, \infty)$, concave down on $(-\infty, 2)$; inflection point $(2, 10)$
- c. Concave up on $(-\infty, 0) \cup (2, \infty)$, concave down on $(0, 2)$; inflection points $(0, 14)$ and $(2, 10)$
- d. Concave up for $(-\infty, 0)$, concave down for $(0, \infty)$; inflection point $(0, 14)$

19.(Points: 2)

Una compañía encuentra que su ganancia (utilidad) al producir unos artículos a un precio de **\$6.71** cada uno está dado por la fórmula:

$$G(x) = -1000 + 0.003x^2 - 10^{-6}x^3$$

¿Cuál es el **ingreso (R)** que se puede lograr al producir el número de artículos que maximice la ganancia (utilidad)?

Redondee su respuesta al dólar más cercano.

Answer

20.(Points: 2)

Se debe construir un tanque con una base cuadrada horizontal y lados rectangulares verticales. No tendrá tapa. El tanque necesita una capacidad de **4 metros cúbicos (m^3)** de agua. El material con que se construirá el tanque tiene un costo de **\$13.65** por metro cuadrado. ¿Cuál es el **costo total del material (C) mínimo** que se puede lograr al seleccionar las dimensiones del tanque apropiadas?

Redondee su respuesta al centavo más cercano.

Answer

21.(Points: 2)

Encuentre la antiderivada general $F(x) + C$ de la función.

$$f(x) = 12x^2 + 8x + 2$$

- a. $4x^3 + 4x^2 + 2x + C$
- b. $5x^3 + 4x^2 + 2x + C$
- c. $4x^3 + 4x^2 + 3x + C$
- d. $4x^3 + 5x^2 + 2x + C$

22.(Points: 2)

Encuentre la integral indefinida de la función

$$\int \left(\frac{\sqrt[3]{y}}{4} + \frac{4}{\sqrt[3]{y}} \right) dy$$

- a. $\frac{1}{6}y^{3/2} - 8\sqrt{y} + C$
- b. $\frac{3}{8}y^{3/2} + \frac{1}{8}\sqrt{y} + C$
- c. $\frac{1}{6}y^{3/2} + 8\sqrt{y} + C$
- d. $\frac{1}{8}\sqrt{y} - \frac{1}{8\sqrt{y}} + C$

23.(Points: 2)

Evalúe el integral definido.

$$\int_{-3}^3 (2x + 6) dx$$

- a. 18
- b. 36
- c. 72
- d. 12

24.(Points: 2)

Evalúe el integral

$$\int \frac{dx}{\sqrt{x}(\sqrt{x} - 7)}$$

- a. $4\sqrt{x}(\sqrt{x} - 7) + C$
- b. $\frac{2\ln|\sqrt{x} - 7|}{\sqrt{x}} + C$
- c. $\ln|\sqrt{x} - 7| + C$
- d. $2\ln|\sqrt{x} - 7| + C$

25.(Points: 2)**Evalúe el integral**

$$\int \frac{t^4 + 4}{t^5 + 20t + 5} dt$$

- a. $\frac{\ln |t^5 + 20t + 5|}{5} + C$
- b. $-\frac{5}{(t^5 + 20t + 5)^2} + C$
- c. $-\frac{1}{5(t^5 + 20t + 5)^2} + C$
- d. $5 \ln |t^5 + 20t + 5| + C$