### MATE 3031 - Práctica para el Examen FINAL

Apellidos:

Nombre:

Instrucciones. Seleccione la alternativa que corresponde a la respuesta del problema.

Find the indicated limit or state that it does not exist.

1) 
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2 + 7x - 18}{x^2 - 4}$$

1) \_\_\_\_\_

A) 
$$-\frac{7}{4}$$

C) 
$$\frac{11}{4}$$

D) Does not exist

2) 
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2-9}{x^2-8x+15}$$

2) \_\_\_\_\_

A) 
$$-\frac{3}{2}$$

D) Does not exist

Find the limit.

3) 
$$\lim_{x \to (-2)^{-}} \frac{1}{x+2}$$

3) \_\_\_\_\_

D) 1/2

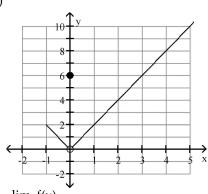
4) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{1}{x^{2/3}}$$

ł) \_\_\_\_\_

Use la gráfica para aproximar el límite si existe. Donde no exista lo indica así

5)

5) \_\_\_\_\_



 $\lim_{x\to 0} f(x)$ 

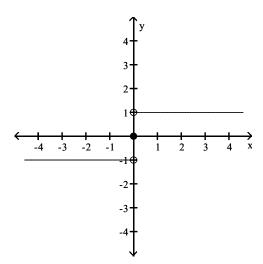
A) -1

B) No existe

C) 6

D) 0

6)  $\lim_{x \to 0} f(x)$ 



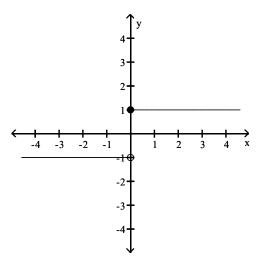
- A) No existe
- B) -1

C) 1

D) ∞

7)  $\lim_{x\to 0} f(x)$ 

7) \_\_\_\_\_



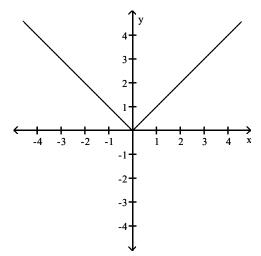
A) 1

B) -1

- C) No existe
- D) ∞

8)  $\lim_{x \to 0} f(x)$ 





A) -1

- B) No existe
- C) 1

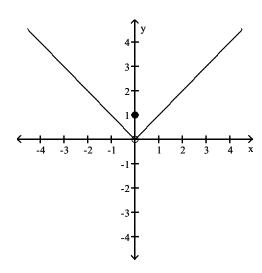
D) 0

9)  $\lim_{x \to 0} f(x)$ 



10) \_\_\_\_

11) \_\_\_\_\_



A) 1

B) -1

C) 0

D) No existe

Find D<sub>x</sub>y.

10) 
$$y = x^8 - 6x^7 - 8x^6 + x$$

A) 
$$8x^7 - 42x^6 - 48x^5 + 1$$

C) 
$$x^7 - 6x^6 - 8x^5 + 1$$

B) 
$$8x^9 - 42x^8 - 48x^7$$

D) 
$$8x^8 - 42x^7 - 48x^6 + x$$

11) 
$$y = \frac{1}{2}x^{10} - \frac{1}{3}x^3$$

A) 
$$5x^9 - x^2$$

A) 
$$5x^9 - x^2$$
 B)  $\frac{1}{2}x^9 - \frac{1}{3}x^2$ 

C) 
$$5x^{11} - x^4$$

D) 
$$5x^{10} - x^3$$

12) 
$$y = (x^2 - 5x + 2)(4x^3 - x^2 + 5)$$

A) 
$$20x^4 - 84x^3 + 39x^2 + 6x - 25$$

C) 
$$4x^4 - 84x^3 + 39x^2 + 6x - 25$$

B) 
$$20x^4 - 80x^3 + 39x^2 + 6x - 25$$

D) 
$$4x^4 - 80x^3 + 39x^2 + 6x - 25$$

13) 
$$y = (2x^3 + 5)(4x^7 - 8)$$

A) 
$$8x^9 + 140x^6 - 48x^2$$

C) 
$$80x^9 + 140x^6 - 48x^2$$

B) 
$$8x^9 + 140x^6 - 48x$$

D) 
$$80x^9 + 140x^6 - 48x$$

14) 
$$y = \frac{6x + 9}{9x - 8}$$

A) 
$$-\frac{129x}{(9x-8)^2}$$
 B)  $-\frac{129}{(9x-8)^2}$ 

B) 
$$-\frac{129}{(9x-8)^2}$$

C) 
$$\frac{108x + 33}{(9x - 8)^2}$$

D) 
$$\frac{33}{9x - 8}$$

13) \_\_\_\_\_

14) \_\_\_\_\_

15) \_\_\_\_\_

16) \_\_\_\_\_

17)

18)

19)

15) 
$$y = \frac{7x - 7}{3x^2 + 3}$$

A) 
$$\frac{63x^2 - 42x + 21}{(3x^2 + 3)^2}$$

C) 
$$\frac{-21x^2 + 42x + 21}{(3x^2 + 3)^2}$$

B) 
$$\frac{-21x^2 + 21x + 42}{(3x^2 + 3)^2}$$

D) 
$$\frac{21x^3 - 42x^2 + 63x}{(3x^2 + 3)^2}$$

Find the equation of the tangent line to the equation at the point where x has the given value.

16) 
$$y = \frac{6x}{x^2 + 1}$$
;  $x = 1$ 

A) 
$$y = 3x$$

B) 
$$y = 0$$

C) 
$$y = 3$$

D) 
$$y = x + 3$$

17) 
$$y = \frac{27}{x^2 + 2}$$
;  $x = 1$ 

A) 
$$y = -6$$

B) 
$$y = -6x + 15$$

C) 
$$y = 6x + 3$$

D) 
$$y = -3x + 12$$

Find D<sub>x</sub>y.

$$18) y = \frac{3}{\sin x} + \frac{1}{\cot x}$$

A) 
$$3 \csc x \cot x - \csc^2 x$$

C) 
$$3 \cos x - \csc^2 x$$

B) 
$$3 \csc x \cot x - \sec^2 x$$

D) 
$$-3 \csc x \cot x + \sec^2 x$$

19) 
$$y = x^5 \cos x - 5x \sin x - 5 \cos x$$

A) 
$$-x^5 \sin x + 5x^4 \cos x - 5x \cos x - 10 \sin x$$

C) 
$$x^5 \sin x - 5x^4 \cos x + 5x \cos x$$

B) 
$$-5x^4 \sin x - 5 \cos x + 5 \sin x$$

D) 
$$-x^5 \sin x + 5x^4 \cos x - 5x \cos x$$

B)  $-3(\sec x + \tan x)^{-4}(\tan^2 x + \sec x \tan x)$ 

20) 
$$y = (\sec x + \tan x)^{-3}$$

A) 
$$-3(\sec x \tan x + \sec^2 x)^{-4}$$

C) 
$$\frac{-3 \sec x}{(\sec x + \tan x)^3}$$
 D)  $-3(\sec x + \tan x)$ 

D) 
$$-3(\sec x + \tan x)^{-4}$$

21) 
$$y = \cos^7(\pi x - 20)$$

- A)  $-7\pi \sin^6(\pi x 20)$
- C)  $7 \cos^6(\pi x 20)$

- B)  $-7\cos^6(\pi x 20)\sin(\pi x 20)$
- D)  $-7\pi \cos^6(\pi x 20) \sin(\pi x 20)$

22) 
$$y = (4x^2 + 5)^5$$

- A)  $40(4x^2 + 5)^4$
- C)  $40x(4x^2 + 5)^4$

- B)  $(40x + 5)(4x^2 + 5)^4$
- D)  $5(4x^2 + 5)^4$

## 23) $y = \frac{1}{(7x - 8)^5}$

- A)  $-\frac{35}{(7x-8)^4}$  B)  $-\frac{35}{(7x-8)^6}$
- C)  $-\frac{5}{(7x-8)^6}$  D)  $-\frac{5}{(7x-8)^4}$

21) \_\_\_\_\_

22)

23)

24)

25)

26)

27) \_\_\_\_\_

28)

29) \_\_\_\_\_

Evaluate the indicated derivative.

24) 
$$f'(2)$$
 if  $f(x) = (3 - x^3)^{-1}$ 

A)  $\frac{12}{25}$ 

- B)  $-\frac{12}{5}$
- C)  $-\frac{1}{25}$
- D)  $-\frac{12}{25}$

25) f'(5) if  $f(x) = \left(\frac{x+4}{x-2}\right)^3$ A) - 18

B) 27

C) 18

D) -27

Use implicit differentiation to find dy/dx.

26) 
$$x^3 + 3x^2y + y^3 = 8$$

A) 
$$\frac{x^2 + 2xy}{x^2 + y^2}$$

A) 
$$\frac{x^2 + 2xy}{x^2 + y^2}$$
 B)  $-\frac{x^2 + 3xy}{x^2 + y^2}$  C)  $-\frac{x^2 + 2xy}{x^2 + y^2}$ 

C) 
$$-\frac{x^2 + 2xy}{x^2 + y^2}$$

$$D) \frac{x^2 + 3xy}{x^2 + y^2}$$

27)  $\frac{x+y}{x-y} = x^2 + y^2$ 

A) 
$$\frac{x(x-y)^2 - y}{x - y(x-y)^2}$$

B) 
$$\frac{x(x-y)^2 + y}{x - y(x-y)^2}$$

C) 
$$\frac{x(x-y)^2 - y}{x + y(x-y)^2}$$

A) 
$$\frac{x(x-y)^2 - y}{x - y(x-y)^2}$$
 B)  $\frac{x(x-y)^2 + y}{x - y(x-y)^2}$  C)  $\frac{x(x-y)^2 - y}{x + y(x-y)^2}$  D)  $\frac{x(x-y)^2 + y}{x + y(x-y)^2}$ 

Assuming that the equation defines a differential function of x, find  $D_xy$  by implicit differentiation.

28) 
$$2xy - y^2 = 1$$

A) 
$$\frac{y}{x-y}$$

B) 
$$\frac{x}{x-y}$$

C) 
$$\frac{y}{y-x}$$

D) 
$$\frac{x}{y-x}$$

29) xy + x = 2

A) 
$$\frac{1+x}{y}$$

B) 
$$\frac{1+y}{x}$$

C) 
$$-\frac{1+y}{y}$$

5

D) - 
$$\frac{1+x}{y}$$

Determine el siguiente integral indefinido:

A)  $18t^3 + \frac{2}{7}t^2 + C$ 

30) 
$$\int \left(6t^2 + \frac{t}{7}\right) dt$$

B) 2t<sup>3</sup> + t + C

C)  $2t^3 + \frac{t^2}{14} + C$ 

D)  $12t + \frac{1}{7} + C$ 

30)

31)

32) \_\_\_\_\_

33)

34) \_\_\_\_\_

35) \_\_\_\_\_

36)

31) 
$$\int (2x^3 + 9x + 5) dx$$

A)  $6x^4 + 18x^2 + 5x + C$ 

C)  $\frac{1}{2}x^4 + \frac{9}{2}x^2 + 5x + C$ 

B)  $2x^4 + 9x^2 + 5x + C$ 

D)  $6x^2 + 9 + C$ 

32) 
$$\int \left( \frac{1}{x^5} - x^5 - \frac{1}{9} \right) dx$$

A)  $-5x^4 - 5x^5 + C$ 

C)  $\frac{1}{6x^6} - \frac{x^4}{4} + \frac{1}{81} + C$ 

B)  $\frac{-1}{4x^4} - \frac{x^6}{6} - \frac{x}{9} + C$ 

D)  $\frac{1}{5x^6} - \frac{x^6}{6} - \frac{1}{9x} + C$ 

33) 
$$\int (\sqrt{t} - \sqrt{6}t) dt$$

A)  $\frac{2}{3}t^{3/2} - \frac{6}{7}t^{7/6} + C$ 

C)  $\sqrt{t} - \sqrt[5]{t} + C$ 

B)  $\frac{3}{2}$ t<sup>3/2</sup> -  $\frac{7}{6}$ t<sup>7/6</sup> + C

D)  $\frac{-1}{2}t^{1/2} - \frac{1}{6}t^{-5/6} + C$ 

# 34) $\int \left( \frac{\sqrt{y}}{3} + \frac{3}{\sqrt{y}} \right) dy$

A)  $\frac{1}{2}y^{3/2} + \frac{1}{6}\sqrt{y} + C$ 

C)  $\frac{1}{6}\sqrt{y} - \frac{1}{6\sqrt{y}} + C$ 

B)  $\frac{2}{9}y^{3/2} - 6\sqrt{y} + C$ 

D)  $\frac{2}{9}y^{3/2} + 6\sqrt{y} + C$ 

Use differentiation to determine whether the integral formula is correct.

35) 
$$\int (2x-3)^4 dx = \frac{(2x-3)^5}{10} + C$$

A) Yes

B) No

36)  $\int (5x+5)^{-2} dx = -\frac{(5x+5)^{-1}}{5} + C$ 

A) No

B) Yes

6

37) 
$$\int \sec^2 \left( \frac{x-6}{5} \right) dx = -5 \cot \left( \frac{x-6}{5} \right) + C$$
A) No

38) \_\_\_\_\_

B) Yes

38) 
$$\int \frac{3}{(x+2)^4} dx = -\frac{1}{(x+2)^3} + C$$
A) No

B) Yes

39) 
$$\int x \sin x \, dx = -x \cos x + \sin x + C$$
  
A) No

B) Yes

40)

41) \_\_\_\_\_

40) 
$$\int x \cos x \, dx = \frac{x^2}{2} \sin x + C$$
A) Yes

B) No

Determine el siguiente integral indefinido:

41) 
$$\int \frac{x\sqrt{x} + \sqrt{x}}{x^2} dx$$

\_\_\_\_

$$B) - \frac{\sqrt{x}}{2} - \frac{3\sqrt{x}}{2} + C$$

C) 
$$2\sqrt{x} - \frac{2}{\sqrt{x}} + C$$

D) 
$$\frac{2}{\sqrt{x}}$$
 –  $2\sqrt{x}$  + C

42) 
$$\int (-9\cos t) dt$$

42) \_\_\_\_\_

A) 
$$-\frac{\sin t}{9} + C$$

C) 
$$-\frac{9}{\sin t}$$
 + C

D) 
$$-9 \cos t + C$$

43) 
$$\int (-3 \sec^2 x) dx$$

43) \_\_\_\_\_

A) 
$$-3 \tan x + C$$

B) 
$$3 \cot x + C$$

C) 
$$\frac{\tan x}{3}$$
 + C

D) 
$$-3 \cot x + C$$

Write the sum without sigma notation and evaluate it.

$$44) \sum_{k=1}^{2} \frac{14k}{k+29}$$

44) \_\_\_\_\_

A) 
$$\frac{14}{1+29} + \frac{28}{2+29} = \frac{42}{61}$$

B) 
$$\frac{14}{1+29} + \frac{28}{2+29} = \frac{637}{465}$$

C) 
$$\frac{14}{1+29} + \frac{28}{2+29} = \frac{196}{465}$$

D) 
$$\frac{14}{1+29} + \frac{14}{2+29} = \frac{427}{465}$$

45) 
$$\sum_{k=1}^{3} \frac{k+5}{k}$$

- A)  $\frac{1+5}{1} + \frac{2+5}{2} + \frac{3+5}{3} = 21$
- C)  $\frac{1+5}{1} + \frac{2+5}{2} + \frac{3+5}{3} = \frac{73}{6}$

- B)  $\frac{1+5}{1} + \frac{3+5}{3} = \frac{26}{3}$
- D)  $\frac{1+5}{1} \cdot \frac{2+5}{2} \cdot \frac{3+5}{3} = 56$

$$46) \sum_{k=1}^{4} 2\sin\frac{\pi}{k}$$

- A)  $2 \sin \pi + 2 \sin \frac{\pi}{2} + 2 \sin \frac{\pi}{3} + 2 \sin \frac{\pi}{4} = 6 + \sqrt{2}$
- B)  $2 \sin \pi + 2 \sin \frac{\pi}{4} = \sqrt{2}$
- C)  $2 \sin \pi + 2 \sin \frac{\pi}{2} + 2 \sin \frac{\pi}{3} + 2 \sin \frac{\pi}{4} = 1 + \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}$
- D)  $2 \sin \pi + 2 \sin \frac{\pi}{2} + 2 \sin \frac{\pi}{3} + 2 \sin \frac{\pi}{4} = 2 + \sqrt{3} + \sqrt{2}$

Evaluate the integral.

47) 
$$\int_{2}^{\sqrt{17}} x \, dx$$

A) 13

- B)  $\sqrt{17}$  2
- C)  $-\frac{13}{2}$
- D)  $\frac{13}{2}$

45) \_\_\_\_\_

46) \_\_\_\_\_

47) \_\_\_\_\_

48) \_\_\_\_\_

49) \_\_\_\_\_

50) \_\_\_\_\_

48) 
$$\int_0^{\pi} \theta \, d\theta$$

A)  $\frac{\pi^2}{2}$ 

- B)  $\frac{3\pi^2}{8}$
- C)  $2\pi^2$
- D)  $\frac{9\pi^2}{8}$

49)  $\int_{0}^{\frac{1}{14}} t^2 dt$ 

- A) 8232
- B)  $-\frac{1}{14}$
- C)  $-\frac{1}{8232}$
- D)  $\frac{1}{8232}$

50)  $\int_{0}^{\sqrt[3]{12}} x^2 dx$ 

- A)  $\frac{\sqrt[3]{12}}{3}$
- B) 4

- C)  $8\sqrt{3}$
- D) 144

51) 
$$\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \theta^2 d\theta$$

52) \_\_\_\_\_

53) \_\_\_\_\_

54) \_\_\_\_\_

55) \_\_\_\_\_

57) \_\_\_\_\_

A)  $\frac{8\pi^3}{2}$ 

B)  $\frac{27\pi^3}{24}$ 

C)  $\frac{\pi^3}{3}$ 

D)  $\frac{\pi^3}{24}$ 

$$52) \int_{2}^{\sqrt{11}} \left(z - \sqrt{11}\right) dz$$

A)  $-\frac{11}{2}\sqrt{11}$ 

B) –  $\sqrt{11}$ 

C)  $-\frac{15}{2} + 2\sqrt{11}$  D)  $-\frac{15}{2}\sqrt{11}$ 

Evaluate the integral using the given substitution.

53) 
$$\int x \cos(7x^2) dx$$
,  $u = 7x^2$ 

A)  $\sin(7x^2) + C$ 

C)  $\frac{1}{u} \sin(u) + C$ 

B) 
$$\frac{x^2}{2} \sin(7x^2) + C$$

D)  $\frac{1}{14} \sin{(7x^2)} + C$ 

54) 
$$\int \left[4 - \sin \frac{t}{4}\right]^2 \cos \frac{t}{4} dt$$
,  $u = 4 - \sin \frac{t}{4}$ 

A)  $4 \left( 4 - \sin \frac{t}{4} \right)^3 + C$ 

C)  $-\frac{4}{3}\left(4 - \sin\frac{t}{4}\right)^3 + C$ 

B) 
$$\frac{4}{3} \left( 4 - \cos \frac{t}{4} \right)^3 + C$$

B)  $\frac{4}{3} \left\{ 4 - \cos \frac{t}{4} \right\}^3 + C$ D)  $\frac{1}{3} \left\{ 4 - \sin \frac{t}{4} \right\}^3 \sin \frac{t}{4} + C$ 

55) 
$$\int 6(2x-6)^{-6} dx$$
,  $u = 2x-6$ 

A)  $(2x - 6)^{-5} + C$ 

C)  $-\frac{6}{5}(2x-6)^{-5} + C$ 

B) 
$$-\frac{3}{5}(2x-6)^{-5} + C$$

D)  $-\frac{3}{7}(2x-6)^{-7}+C$ 

56) 
$$\int x^4(x^5-2)^3 dx$$
,  $u=x^5-2$ 

A)  $\frac{1}{10}(x^5-2)^2+C$  B)  $\frac{1}{4}(x^5-2)^4+C$ 

C)  $\frac{1}{20}$ x<sup>20</sup> - 2 + C D)  $\frac{1}{20}$ (x<sup>5</sup> - 2)<sup>4</sup> + C

57) 
$$\int \frac{24s^3 ds}{\sqrt{2-s^4}}$$
,  $u=2-s^4$ 

A)  $\frac{12s^4}{\sqrt{2-s^4}}$ 

C)  $-12\sqrt{2-s^4} + C$ 

C) 
$$\frac{1}{20}$$
 x<sup>20</sup> - 2 + C

D) 
$$\frac{1}{20}$$
(x<sup>5</sup> - 2)<sup>4</sup> + C

B) 
$$-12s^3\sqrt{2-s^4} + C$$

D) 
$$\frac{-6}{2\sqrt{2-s^4}}$$
 + C

58) 
$$\int 6(y^6 + 4y^3 + 3)^3 (2y^5 + 4y^2) dy$$
,  $u = y^6 + 4y^3 + 3$ 

A) 
$$\frac{3}{2}$$
(y<sup>6</sup> + 4y<sup>3</sup> + 3)<sup>4</sup>(10y<sup>4</sup> + 8y) + C

C) 
$$\frac{1}{2}$$
(y<sup>6</sup> + 4y<sup>3</sup> + 3)<sup>4</sup> + C

B) 
$$\frac{3}{2}$$
(y<sup>6</sup> + 4y<sup>3</sup> + 3)<sup>4</sup> + C

D) 
$$6(y^6 + 4y^3 + 3)^2 + C$$

### 59) $\int \sqrt{x} \cos^2(x^{3/2} - 3) dx$ , $u = x^{3/2} - 3$

A) 
$$\frac{1}{3}(x^{3/2}-3) + \frac{1}{6}\sin 2(x^{3/2}-3) + C$$

C) 
$$\frac{1}{3}(\sqrt{x}) \sin(x^{3/2} - 3) + C$$

B) 
$$\frac{2}{9}\sin^3(x^{3/2}-3) + C$$

D) 
$$x^{3/2} - 3 + \frac{1}{2} \sin 2(x^{3/2} - 3) + C$$

60) 
$$\int \frac{1}{x^2} \sin^2 \left( \frac{1}{x} \right) dx$$
,  $u = -\frac{1}{x}$ 

A) 
$$-\frac{1}{x} + \sin^3 \frac{2}{x} + C$$

C) 
$$-\frac{1}{2x} + \frac{1}{4} \sin \frac{2}{x} + C$$

B) 
$$\frac{1}{2x} + \frac{1}{2} \sin \frac{1}{x} + C$$

D) 
$$-\frac{1}{x} + \frac{1}{2}\sin{\frac{2}{x}} + C$$

Evaluate the integral.

61) 
$$\int \frac{x \, dx}{(7x^2 + 3)^5}$$

A) 
$$-\frac{7}{3}(7x^2 + 3)^{-6} + C$$

C) 
$$-\frac{1}{56}(7x^2+3)^{-4}+C$$

B) 
$$-\frac{1}{14}(7x^2 + 3)^{-6} + C$$

D) 
$$-\frac{7}{3}(7x^2+3)^{-4}+C$$

62) 
$$\int x^4(x^5 - 3)^4 dx$$

A) 
$$\frac{(x^5-3)^3}{15}$$
 + C

B) 
$$\frac{(x^5-3)^5}{5}$$
 + C

C) 
$$(x^5 - 3)^5 + C$$

D) 
$$\frac{(x^5-3)^5}{25}$$
 + C

63) 
$$\int x^4 \sqrt{x^5 + 6} \, dx$$

A) 
$$-\frac{2}{5}(x^5+6)^{-1/2}+C$$

C) 
$$\frac{10}{3}$$
  $(x^5 + 6)^{3/2} + C$ 

B) 
$$\frac{2}{3}(x^5+6)^{3/2}+C$$

D) 
$$\frac{2}{15}(x^5+6)^{3/2}+C$$

64) 
$$\int \frac{dx}{x \ln x^5}$$

A) 
$$\ln(\ln x^5) + C$$

A) 
$$\ln(\ln x^5) + C$$
 B)  $\frac{1}{5}\ln(\ln x^5) + C$  C)  $\frac{1}{5}\ln x^5 + C$ 

C) 
$$\frac{1}{5}$$
 ln  $x^5 + C$ 

64) \_\_\_\_\_

63) \_\_\_\_\_

59) \_\_\_\_\_

61) \_\_\_\_\_

65) 
$$\int 3x^2 \sqrt[4]{8 + 3x^3} \, dx$$

A) 
$$\frac{12}{5}$$
  $\left(8 + 3x^3\right)^{5/4} + C$ 

C) 
$$3(8 + 3x^3)^{5/4} + C$$

69) \_\_\_\_\_

70)

B) 
$$\frac{4}{15} \left( 8 + 3x^3 \right)^{5/4} + C$$

D) 
$$-2(8+3x^3)^{-3/4}+C$$

66) 
$$\int \sin(8x - 6) dx$$

A) 
$$-\frac{1}{8}\cos(8x-6) + C$$

C) 
$$8 \cos (8x - 6) + C$$

B) 
$$-\cos(8x - 6) + C$$

D) 
$$\frac{1}{8}$$
 cos (8x - 6) + C

67) 
$$\int \csc^2 (4\theta + 8) d\theta$$

A) 
$$-\cot (4\theta + 8) + C$$

C) 
$$4 \cot (4\theta + 8) + C$$

B) 
$$-\frac{1}{4} \cot (4\theta + 8) + C$$

D) 8 csc 
$$(4\theta + 8)$$
 cot  $(4\theta + 8) + C$ 

Find the integral.

$$68) \int \frac{\mathrm{dx}}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-7)}$$

A) 
$$\frac{2 \ln \left| \sqrt{x} - 7 \right|}{\sqrt{x}} + C$$

C) 
$$2 \ln |\sqrt{x} - 7| + C$$

B) 
$$4\sqrt{x}(\sqrt{x} - 7) + C$$

D) 
$$\ln |\sqrt{x} - 7| + C$$

69) 
$$\int_{0}^{1} \frac{4x^3}{(1+x^4)^6} \, dx$$

A) 
$$\frac{63}{320}$$

B) 
$$\frac{31}{160}$$

C) 
$$\frac{31}{32}$$

D) 
$$\frac{1}{5}$$

70) 
$$\int_{0}^{1} 5x \left( \sqrt[5]{1 + x^2} \right) dx$$

A) 
$$\frac{25}{6}(26/5 - 1)$$
 B)  $\frac{25}{6}\sqrt[5]{2}$ 

B) 
$$\frac{25}{6}\sqrt[5]{2}$$

C) 
$$\frac{5}{2}(2^{6/5} - 1)$$

D) 
$$\frac{25}{12}(2^{6/5} - 1)$$

#### Answer Key

#### Testname: PRáCTICA DEL EXAMEN FINAL

- 1) C
- 2) B
- 3) B
- 4) A
- 5) D
- 6) A
- 7) C
- 8) D
- 9) C
- 10) A
- 11) A
- 12) A
- 13) C
- 14) B
- 15) C
- 16) C
- 17) B
- 18) D
- 19) D
- 20) C
- 21) D
- 22) C
- 23) B
- 24) A
- 25) A
- 26) C
- 27) B
- 28) C
- 29) C
- 30) C
- 31) C
- 32) B
- 33) A
- 34) D
- 35) A
- 36) B
- 37) A
- 38) B
- 39) B
- 40) B
- 41) C
- 42) B
- 43) A
- 44) B
- 45) C 46) D
- 47) D
- 48) A
- 49) D
- 50) B

# Answer Key Testname: PRáCTICA DEL EXAMEN FINAL

- 51) D
- 52) C 53) D 54) C 55) B

- 56) D
- 57) C
- 58) C
- 59) A
- 60) C 61) C
- 62) D
- 63) D
- 64) B 65) B

- 66) A 67) B 68) C
- 69) B
- 70) D